dzNom:

Prénom:

Groupe:

# ECOLE POLYTECHNIQUE UNIVERSITAIRE DE NICE SOPHIA



Cycle Initial Polytech - PeiP Première Année Année scolaire 2011/2012



# Epreuve d'électronique analogique N°4 - CORRECTION

Vendredi 15 Juin Durée : 1h30

- □ Cours et documents non autorisés.
- □ Calculatrice de type collège autorisée
- □ Vous répondrez directement sur cette feuille.
- □ Tout échange entre étudiants (gomme, stylo, réponses...) est interdit
- □ Vous devez :
  - indiquer votre nom, prénom et groupe (- 1 point).
  - éteindre votre téléphone portable (- 1 point par sonnerie).

#### **RAPPELS:**

 $\label{eq:model} \begin{tabular}{ll} Modèle & \'electrique & \'equivalent & de & la & diode \\ lorsqu'elle & est passante : $V_D = V_S + R_S.I_D$ \end{tabular}$ 

Modèle électrique équivalent de la diode lorsqu'elle est bloquée :  $I_D$  = 0

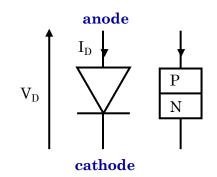
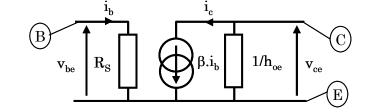


Schéma électrique équivalent du transistor bipolaire NPN en régime de petit signal



1

Impédance d'une capacité  $C: 1/(jC\omega)$  [ $\Omega$ ]

Filtre passe bas :  $G(\omega) = \frac{H}{1 + j\omega RC} = \frac{H}{1 + j\frac{\omega}{\omega_0}}$ 

Filtre passe haut :  $G(\omega) = \frac{H}{1 - j\frac{1}{\omega RC}} = \frac{H}{1 - j\frac{\omega_0}{\omega}}$ 

Lien entre fréquence et pulsation :  $\omega = 2\pi F$ 

On notera aussi que :  $\frac{V_A}{V_B} = \frac{V_A}{V_l} \cdot \frac{V_l}{V_B}$ 

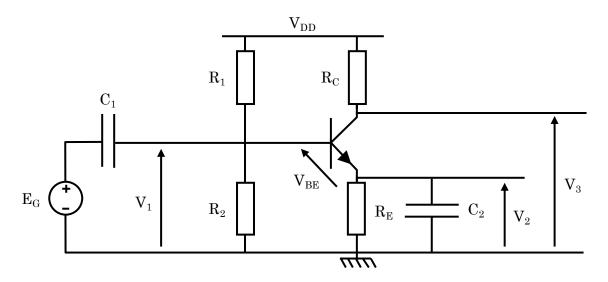


Figure I.1. Les éléments du montage sont :  $V_{DD} = 9 \text{ V}$ ,  $R_1 = 10 \text{ k}\Omega$ ,  $R_2 = 2 \text{ k}\Omega$ ,  $R_C = 600 \Omega$ ,  $R_E = 100 \Omega$ . Transistor :  $\beta = 100$ ,  $V_{CEsat} = 0.2 \text{ V}$  et sa base  $V_S = 0.6 \text{ V}$ ,  $R_S = 1 \text{ k}\Omega$ 

On se propose de poursuivre l'étude du montage de la figure (I.1) commencée au DS n°3 de cette année. Pour mémoire, il permet d'amplifier les variations de la tension  $E_G$ , la sortie étant la tension  $V_3$ . Le transistor fonctionne en régime linéaire et dans tous les calculs, on supposera que :  $\beta$  + 1  $\approx$   $\beta$ .  $V_{DD}$  est référencée par rapport à la masse. Les tensions et courants sont constitués d'une partie statique (indice 0) et d'une partie dynamique (en lettres minuscules). Cela donne par exemple pour la tension en entrée :  $E_G(t) = E_{G0} + e_g(t)$ .

## I.1. Etude statique du montage

# I.1.1. Quel est le rôle de la capacité C<sub>1</sub> ? (0,5 pt)

- A) X Empêcher la tension continue de E<sub>G</sub> de modifier la polarisation du transistor.
- B) Faire osciller la base du transistor.
- C) Stabiliser thermiquement le transistor.
- D) Empêcher la tension alternative de E<sub>G</sub> de modifier la polarisation du transistor.

#### **I.1.2.** Quel est le rôle de la capacité $C_2$ ? (0,5 pt)

- A)  $X = \text{Empêcher la tension } V_2$  de varier et ainsi augmenter la valeur du gain  $A_V = v_3/e_g$ .
- B) Augmenter la valeur de la résistance R<sub>E</sub>.
- C) Stabiliser thermiquement le transistor.
- D) Augmenter l'effet de la capacité C<sub>1</sub>

#### I.1.3. Est-ce que la résistance R<sub>E</sub> doit apparaître dans le schéma petit signal ? (0,5 pt)

- A) X Non, car il n'y a pas de variation de courant dans  $R_E$ .
- B) Oui, même si j'ai bien répondu à la question I.1.2.
- C) Oui, car je ne veux pas avoir une bonne note
- D) Oui, mais je n'ai pas de raison valable

#### I.1.4. Quel est le rôle de la résistance Re? (0,5 pt)

- A) Augmenter la valeur de la capacité C2.
- B) X Stabiliser thermiquement le transistor.
- C) Augmenter la valeur du gain  $A_V = v_3/e_g$ .
- D) Augmenter l'effet de la capacité C<sub>1</sub>.

#### I.1.5. Pour V<sub>1</sub> et E<sub>G</sub>, la capacité C<sub>1</sub> forme un filtre ? (0,5 pt)

- A) Passe bas.
- B) X Passe haut.
- C) Passe bande
- D) Coupe bande

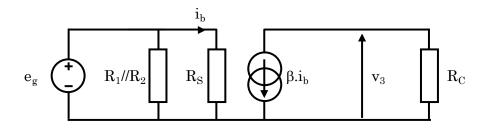
#### I.1.6. Pour V<sub>2</sub> et E<sub>G</sub>, la capacité C<sub>2</sub> forme un filtre ? (0,5 pt)

- A) Passe haut.
- B) X Passe bas.
- C) Passe bande
- D) Coupe bande

# I.2. Etude en dynamique du circuit sans les capacités C1 et C2

On considérera que les capacités  $C_1$  et  $C_2$  sont des court-circuits en dynamique (donc pour les fréquences du signal  $e_g(t)$ ).

I.2.1. Représenter ci-dessous le schéma petit signal du circuit étudié. La résistance 1/h<sub>oe</sub> du transistor sera négligée devant R<sub>C</sub>. (1 pt)



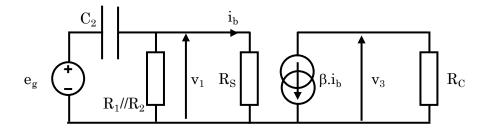
I.2.2. Donner l'expression et la valeur du gain en tension. (0,5 pt)

$$A_V = \frac{v_3}{e_g} = -\beta \frac{R_C}{R_S} = -60$$
.

## I.3. Etude en dynamique du circuit en laissant C<sub>1</sub>

On considérera que la capacité  $C_2$  est un court-circuit en dynamique (donc pour les fréquences du signal  $e_g(t)$ ). On laisse  $C_1$  car on cherche à déterminer la fréquence de coupure qui lui est associée.

I.3.1. Représenter ci-dessous le schéma petit signal du circuit étudié. La résistance 1/h<sub>oe</sub> du transistor sera négligée devant Rc. (0,5 pt)



I.3.2. Donner l'expression du gain en tension en faisant apparaître la forme du filtre et donner son type. On posera  $R_{eq} = R_1 /\!\!/ R_S$ . (1 pt)

$$A_{V1} = \frac{v_1}{e_g} = \frac{R_{eq}}{R_{eq} + \frac{1}{jC_1\omega}} = \frac{1}{1 - j\frac{1}{R_{eq}C_1\omega}}$$

Passe bas

X Passe haut

Passe bande

Coupe bande

I.3.3. Donner l'expression de la fréquence de coupure du filtre. (0,25 pt)

$$F_{C1} = \frac{1}{2\pi R_{eq} C_1}$$

**I.3.4.** On souhaite amplifier la voix humaine qui est comprise entre 10 Hz et 20 kHz. Quelle valeur faut t'il donner à  $F_{C1}$  et déterminer l'expression et la valeur que l'on doit donner à la capacité  $C_1$ . (0,5 pt)

$$F_{C1} = \frac{1}{2\pi R_{eq} C_1} < 10 \text{Hz}$$
 soit  $C_1 > \frac{1}{20\pi R_{eq}}$ 

$$C_1 > 25 \mu F$$

I.3.5. Déduire de la question I.3.2. l'expression du gain en tension. (0,5 pt)

$$A_{V3} = \frac{v_3}{e_g} = \frac{v_3}{v_1} \cdot \frac{v_1}{e_g} = -\beta \frac{R_C}{R_S} \frac{1}{1 - j \frac{1}{R_{eq} C_1 \omega}}$$

I.3.6. Vers quelle valeur tend le gain du montage lorsque la fréquence tend vers 0. (0,25 pt)

4

$$A_V|_{F\to 0} = 0$$

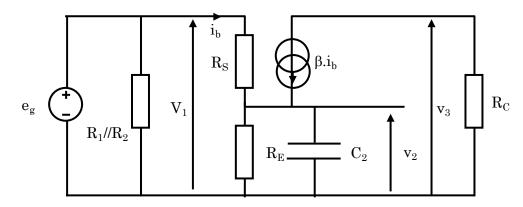
I.3.7. Vers quelle valeur tend le gain du montage lorsque la fréquence tend vers l'infini.(0,25 pt)

$$A_V|_{F\to\infty} = -60$$

#### I.4. Etude en dynamique du circuit en laissant C2

On considérera que la capacité  $C_1$  est un court-circuit en dynamique (donc pour les fréquences du signal  $e_g(t)$ ). On laisse  $C_2$  car on cherche à déterminer la fréquence de coupure qui lui est associée.

I.4.1. Représenter ci-dessous le schéma petit signal du circuit étudié. La résistance 1/h<sub>oe</sub> du transistor sera négligée. (1,5 pts)



**I.4.2.** Donner l'expression du gain en tension en faisant apparaître la forme du filtre et donner son type. (1 pt)

$$A_{V2} = \frac{v_2}{e_g} = \frac{\beta \frac{R_E}{j\omega R_E C_2 + 1} i_b}{R_S i_b + \beta \frac{R_E}{j\omega R_E C_2 + 1} i_b} = \frac{\beta R_E}{R_S + \beta R_E} \frac{1}{1 + j\omega \frac{R_E R_S}{R_S + \beta R_E} C_2}$$

X Passe bas

Passe haut

Passe bande

Coupe bande

I.4.3. Donner l'expression de la fréquence de coupure du filtre. (0,25 pt)

$$F_{C2} = \frac{1}{2\pi \frac{R_E R_S}{R_S + \beta R_E} C_1}$$

**I.3.4.** On souhaite amplifier la voix humaine qui est comprise entre 10 Hz et 20 kHz. Quelle valeur faut t'il donner à  $F_{C12}$  et déterminer l'expression et la valeur que l'on doit donner à la capacité  $C_2$ . (0,5 pt)

$$F_{C2} = \frac{1}{2\pi \frac{R_E R_S}{R_S + \beta R_E} C_2} < 10 \text{Hz} \quad \text{soit} \quad C_2 > \frac{1}{20\pi \frac{R_E R_S}{R_S + \beta R_E}}$$

 $C_2 > 1,75 \text{ mF}$ 

I.3.5. Vers quelle valeur tend le gain du montage lorsque la fréquence tend vers 0. (0,25 pt)

5

$$A_{V2}|_{F\to 0} = \frac{\beta R_E}{R_S + \beta R_E} = 0.91$$

I.3.7. Vers quelle valeur tend le gain du montage lorsque la fréquence tend vers l'infini.(0,25 pt)

$$A_{V2}|_{F\to\infty} = 0$$

### EXERCICE II : Suivi d'une tension (8,5 pts)

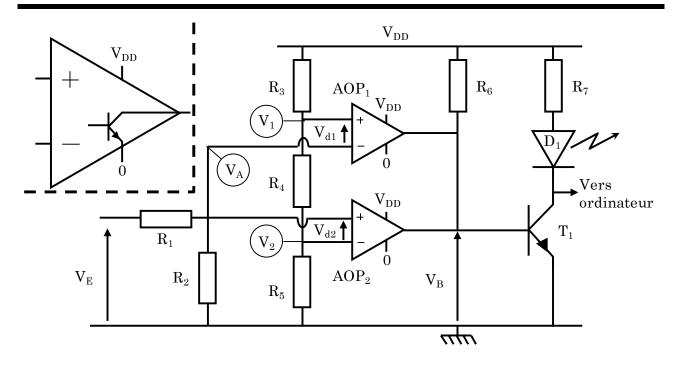


Figure II.1. Les éléments du montage sont :  $V_{DD} = 9$  V,  $R_1 = 20$  k $\Omega$ ,  $R_2 = 10$  k $\Omega$ ,  $R_3 = 51$  k $\Omega$ ,  $R_4 = 10$  k $\Omega$ ,  $R_5 = 51$  k $\Omega$ ,  $R_6 = 22$  k $\Omega$ ,  $R_7 = 390$   $\Omega$ . Pour le transistor :  $V_S = 0.6$  V,  $R_S = 0.2$   $\beta = 100 \approx \beta + 1$ ,  $V_{CEsat} = 0$  V. Pour la diode LED  $D_1$  rouge :  $V_{SD1} = 1.2$  V et  $R_{SD1} = 10$   $\Omega$ . Les AOP sont alimentés en 0 V et  $V_{DD}$ , ils ont un gain A = 200000 et les courants qui entrent dans les bornes + et - seront négligés. Les tensions  $V_A$ ,  $V_1$  et  $V_2$  sont référencées par rapport à la masse.

<u>ATTENTION</u>: L'étage de sortie des 2 AOP n'est pas un Push-Pull mais un simple transistor NPN dont l'émetteur est connecté à l'alimentation basse de l'AOP et le collecteur à la sortie (comme indiqué en haut à gauche de la figure II.1). La tension  $V_{CE}$  de saturation de ce transistor est :  $V_{CEsatAOP} = 0,25 \text{ V}$ 

On souhaite étudier le fonctionnement du montage de la figure II.1. La tension V<sub>E</sub> provient d'un des capteurs d'une maison « intelligente » et l'ordinateur central de cette maison prend des décisions en fonction de la valeur de cette tension qui est comprise entre 0 et 24 V.

II.1. Déterminer l'expression et la valeur de la tension V<sub>1</sub>. (0,25 pt)

$$V_1 = \frac{R_4 + R_5}{R_3 + R_4 + R_5} V_{DD} = 4.9 \text{ V}$$

II.2. Déterminer l'expression et la valeur de la tension V<sub>2</sub>. (0,25 pt)

$$V_2 = \frac{R_5}{R_3 + R_4 + R_5} V_{DD} = 4.1 \text{ V}$$

## II.3. Pour $V_E = 13,5 \text{ V}$

II.3.1. Déterminer l'expression et la valeur de VA (0,25 pt)

$$V_A = \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_E = 4.5 \text{ V}$$

II.3.2. Donner l'expression de la tension V<sub>B</sub> imposée par l'AOP1 en fonction de A, V<sub>1</sub> et V<sub>A</sub>. (0,25 pt)

$$V_B = A.V_{d1} = A.(V_1 - V_A)$$

II.3.3. Quelle devrait être la valeur de cette tension ? (0,25 pt)

$$V_B = 2000000 \times (4.9 - 4.5) = 80 \text{ kV}$$

II.3.4. Pour obtenir une telle valeur pour  $V_B$  et en regardant bien la maille de sortie ( $V_{DD}$ ,  $R_6$  et l'AOP1), il faudrait que le courant qui rentre dans l'AOP1 soit : (0,25 pt)

Positif X Négatif Alternatif Complexe

II.3.5. Est-ce possible ? (0,25 pt)

X NON OUI Je ne sais pas Peut-être

II.3.6. En déduire dans quel régime est polarisé le transistor de sortie de l'AOP1 ? (0,25 pt)

Régime : X Bloqué Linéaire Saturé

II.3.7. Quelle devrait être la valeur de la tension V<sub>B</sub> imposée par l'AOP2 ? (0,25 pt)

$$V_B = 2000000 \times (4.5 - 4.1) = 80 \text{ kV}$$

II.3.8. En déduire dans quel régime est polarisé le transistor de sortie de l'AOP2 ? (0,25 pt)

Régime : X Bloqué Linéaire Saturé

II.3.9. Donner alors l'expression et la valeur du courant de base du transistor  $T_1$ .(0,25 pt)

$$I_{BT1} = \frac{V_{DD} - V_S}{R_6 + R_S} = 0.38 \text{ mA}$$

II.3.10. Donner alors l'expression et la valeur de la tension V<sub>CE</sub> du transistor T<sub>1</sub>.(0,25 pt)

$$V_{CET1} = V_{DD} - (R_7 + R_{SD1})\beta I_{BT1} - V_{STD1} = -7.5 \text{ V}$$

II.3.11. En déduire dans quel régime est polarisé le transistor T<sub>1</sub>. (0,25 pt)

Régime : Bloqué Linéaire X Saturé

II.3.12. Est-ce que la LED D<sub>1</sub> est allumée ? (0,25 pt)

NON X OUI Je ne sais pas Peut-être

II.4. Pour  $V_E = 0 V$ .

II.4.1. Donner la valeur de V<sub>A</sub> (0,25 pt)

 $V_A = = 0 V$ 

II.4.3. Quelle devrait être la valeur de cette tension imposée par l'AOP1 ? (0,25 pt)

 $V_B = 2000000 \times (4.9 - 0) = 980 \text{ kV}$ 

II.4.4. En déduire dans quel régime est polarisé le transistor de sortie de l'AOP1 ? (0,25 pt)

Régime :

X Bloqué

Linéaire

Saturé

II.4.5. Quelle devrait être la valeur de la tension V<sub>B</sub> imposée par l'AOP2 ? (0,25 pt)

 $V_B = 200000 \times (0 - 4.1) = -820 \text{ kV}$ 

II.4.6. En déduire dans quel régime est polarisé le transistor de sortie de l'AOP2 ? (0,25 pt)

Régime:

Bloqué

Linéaire

X Saturé

II.4.7. En déduire dans quel régime est polarisé le transistor T<sub>1</sub>. (0,25 pt)

Régime :

X Bloqué

Linéaire

Saturé

II.4.8. Est-ce que la LED D<sub>1</sub> est allumée ? (0,25 pt)

X NON

OUI

Je ne sais pas

Peut-être

II.5. Pour  $V_E = 20 \text{ V}$  dire si la LED  $D_1$  est allumée. (0,25 pt)

X NON

OUI

Je ne sais pas

Peut-être

II.6. Compléter le tableau II.1. en fonction de la valeur de Ve. (3 pts)

$V_{\rm E}$	VA	$V_{\mathrm{B}}$	$\mathbf{D}_1$
< 12,3 V	< 4,1 V	0,25 V	Allumée / Eteinte
$12.3 \text{ V} < \text{V}_{\text{E}} < 14.7 \text{ V}$	$4.1 \text{ V} < \text{V}_{\text{A}} < 4.9 \text{ V}$	0,6 V	Allumée / Eteinte
> 14,7 V	> 4,9 V	0,25 V	Allumée / Eteinte